

「物理学概論II」電磁気

# 物質がある場合の電磁気学

導体・誘電体・磁性体

知能機械専攻

下条 誠

# はじめに

これまでは、真空中の電磁気学を学んできた

ただし物質がある場合、電場、磁場などに影響を及ぼす。

ここでは、物質がある場合の電磁気学を学ぶ

物質として次の3種類を取り上げる

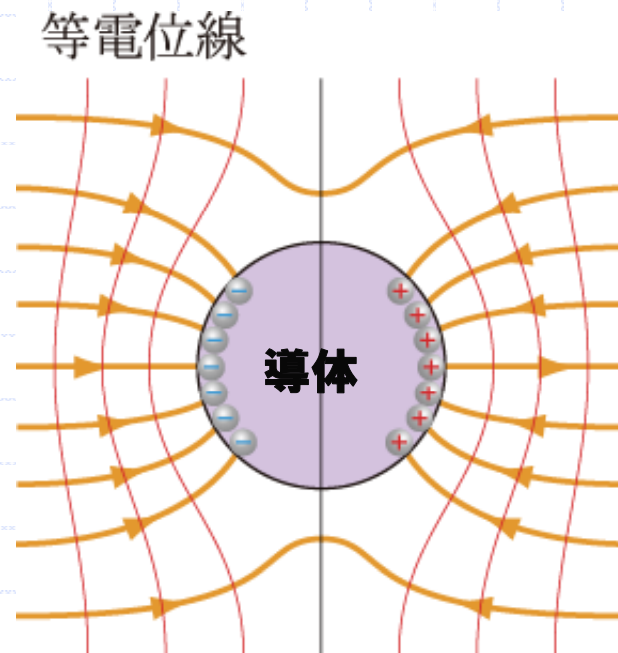
- **導体**：電気を伝える物質
- **誘電体**：絶縁体
- **磁性体**：磁界で磁化する物質

# 導体があると？

導体中には、電気を伝える自由電荷がある

電場をかけると、その自由電荷が電場の方向に移動する。

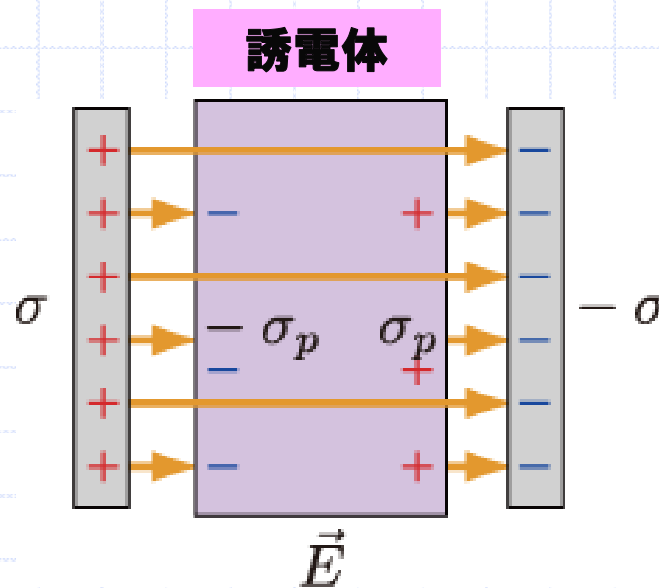
電場は、その移動した自由電荷によって影響を受ける



# 誘電体があると

誘電体は、電気を通さない絶縁体で、プラスチック、ガラス、セラミックなどがある

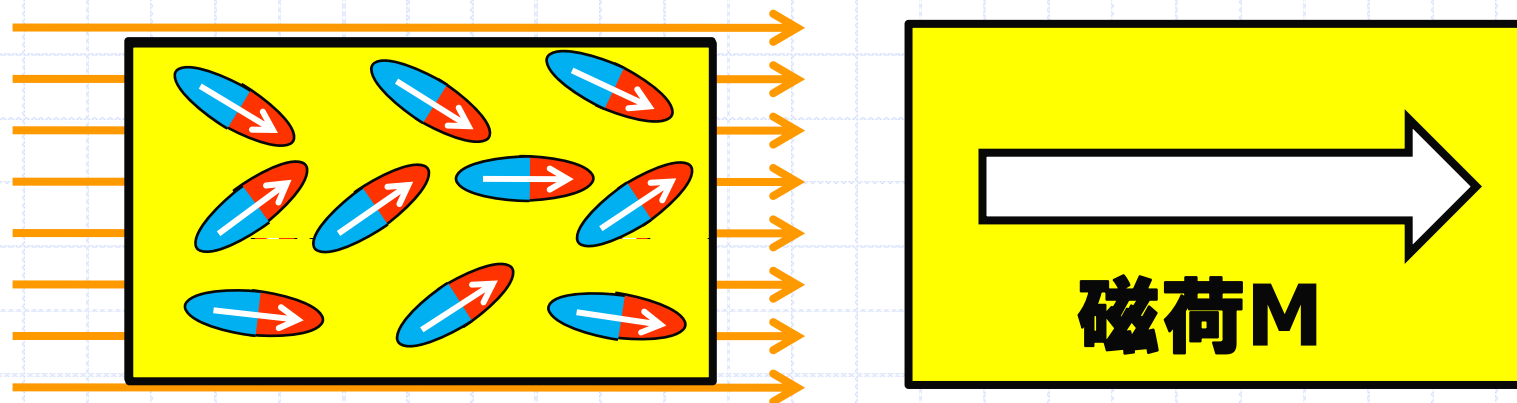
誘電体に電場をかけると誘電体表面の電気力線側に+と-の電荷が現れ、電場に影響を与える



# 磁性体があると

全ての物質が磁性体であるが、通常、強い磁性体のことを示す。

磁場があると、磁性体は磁場の方向(通常)に磁化され、磁場に影響を与える



# 導体と電場

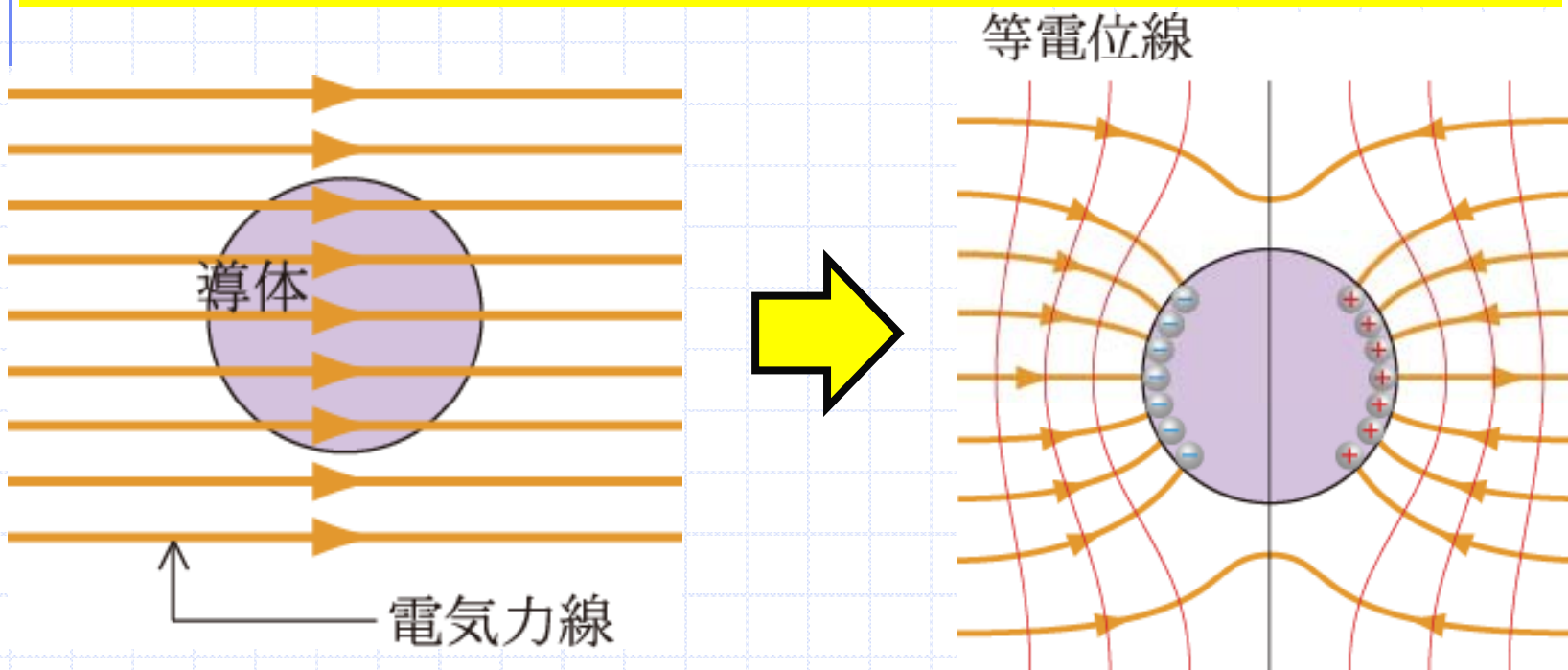


# 導体とは

導体とは電気をよく伝える物体(物質)である

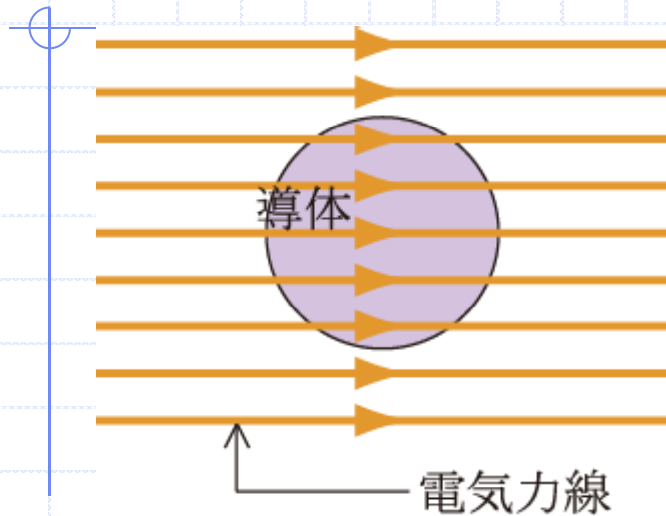
導体には、自由に動ける電荷である自由電荷が存在する

導体を静電場の中に置くと、導体中の自由電荷は電場の方向に移動する

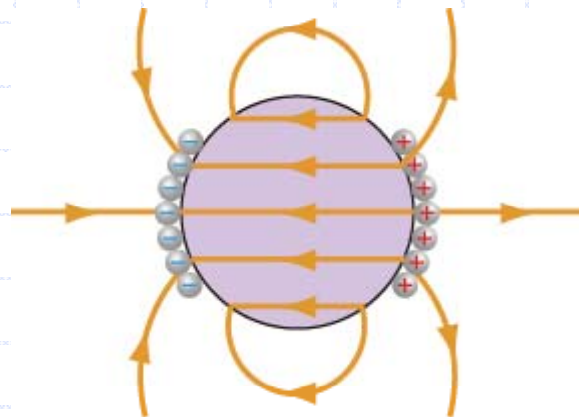




# 導体と電場 1



(1)外部から加えた電場



(2)誘起した電荷が作る電場

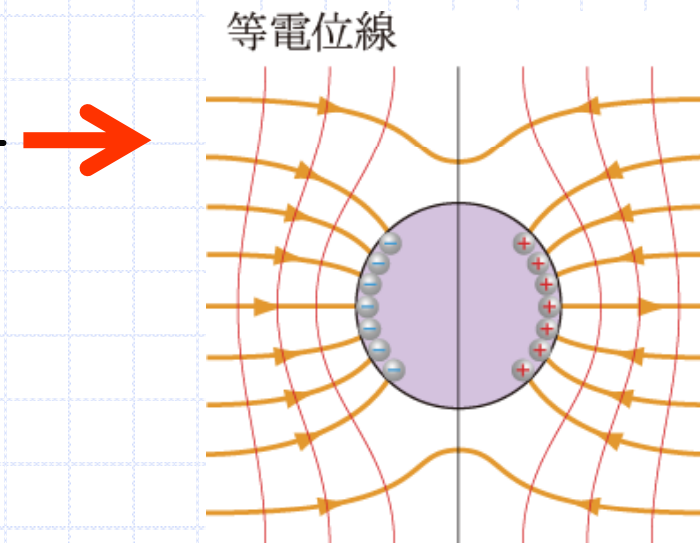
導体を静電場の中に置く

導体中の自由電荷が移動

- 正電荷 → 電場方向
- 負電荷 → 電場と逆方向

導体内部の電場が0になるまで続く

静電誘導

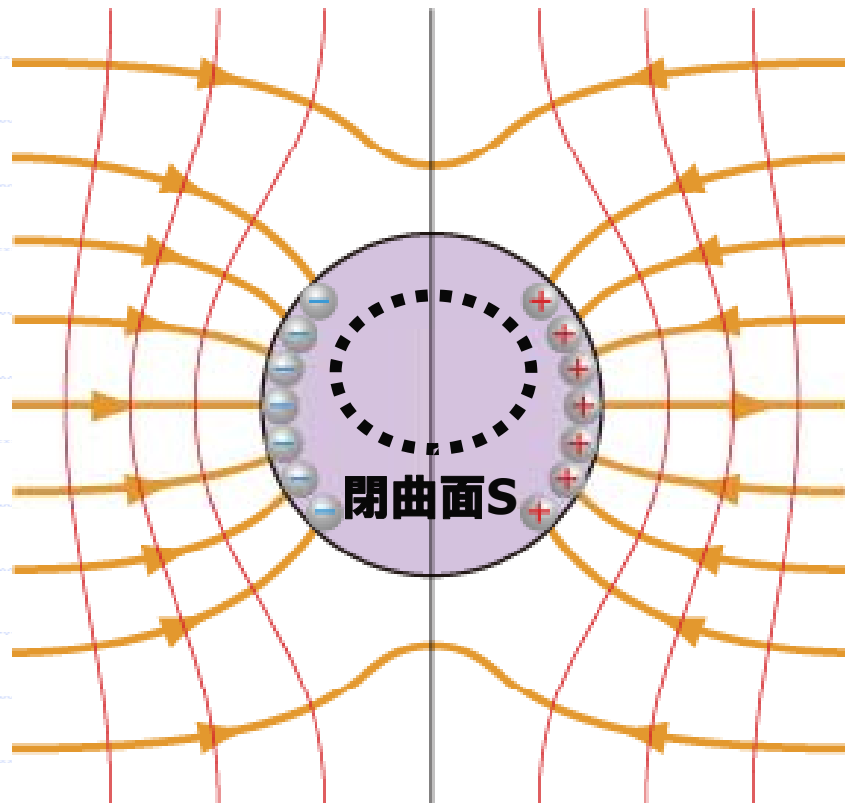


一様な電場中に導体を置いたときの電場



# 導体と電場2

等電位線



平衡状態では導体中の電場は0である。

$$E=0$$

0でないと、自由電荷の移動が起こる

平衡状態では、ひとつの導体の全ての点は等電位となる

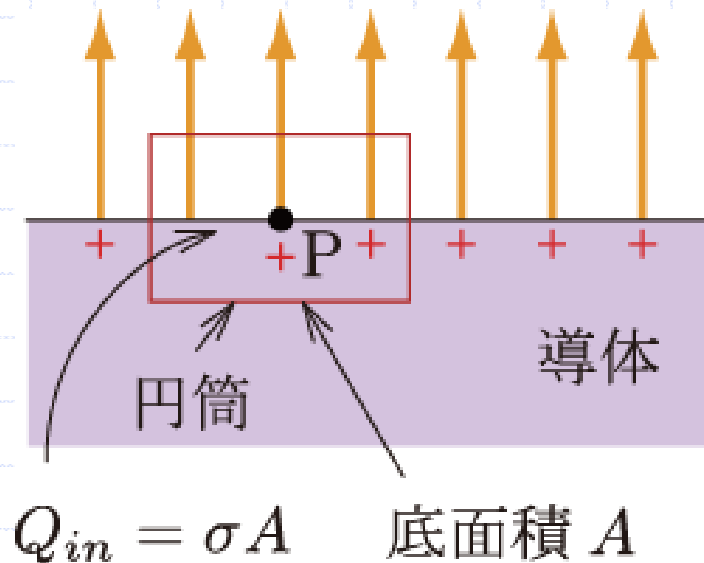
閉曲面Sの内部の全電気量

$$=0$$

$$\iint_S E_n dA = \frac{Q_{in}}{\epsilon_0} = 0$$

閉曲面内部の全電荷は0

# 導体表面の電場



導体表面の電場Eを求める

導体表面は等電位

電場は等電位面に垂直

ガウスの法則を適用

円筒を考える

導体内部  $E=0$

円筒上面を貫く電気力線束  $EA$

円筒内部の電気量  $Q_{in} = \sigma A$

$$EA = \frac{Q_{in}}{\epsilon_0} = \frac{\sigma A}{\epsilon_0}$$

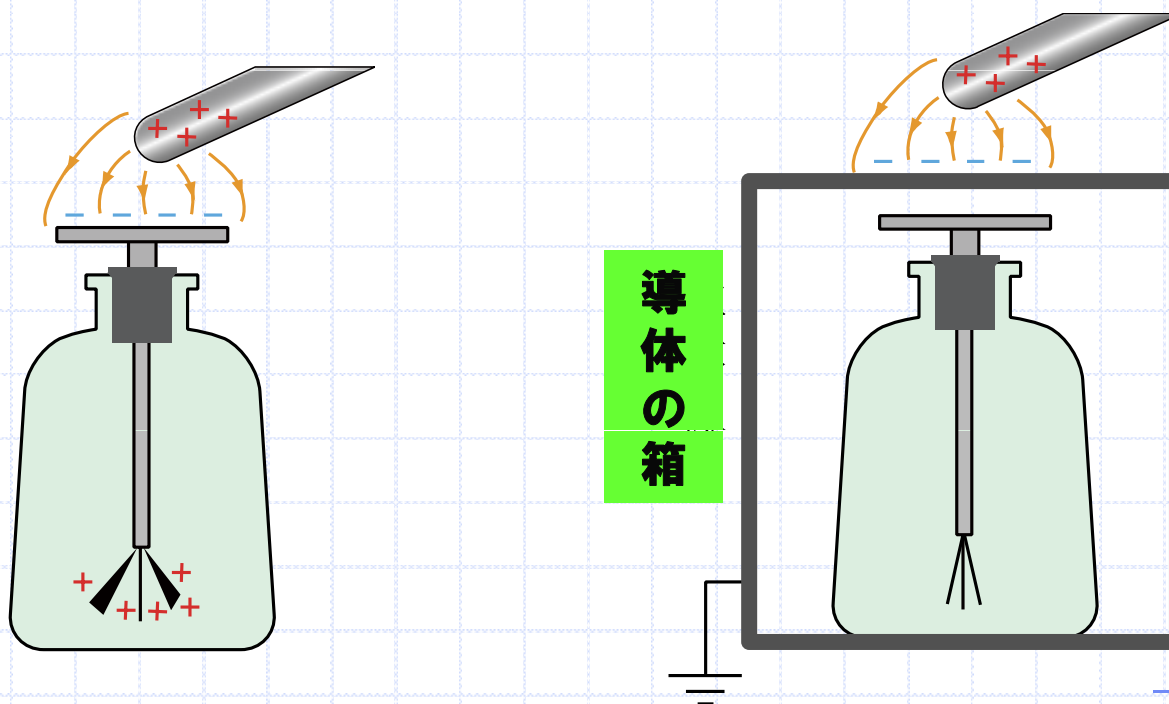
$$E = \frac{\sigma}{\epsilon_0}$$

# 静電遮蔽 (シールド)

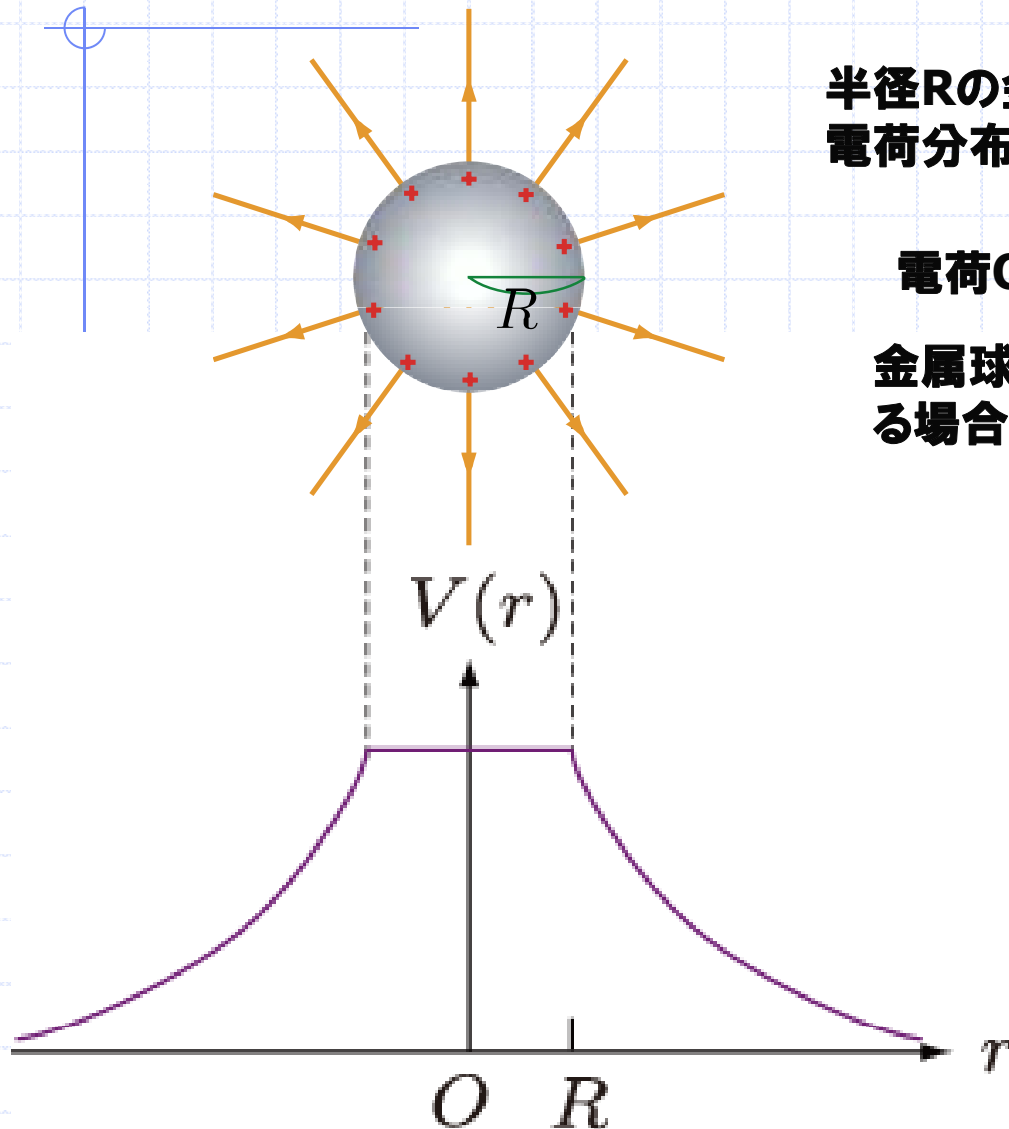
導体内部の空間は電場 $E=0$

導体で囲まれた空間には、導体外部電場が影響を与えない

静電遮蔽(シールド)という



# 導体と電場例題



半径 $R$ の金属球が電荷 $Q$ を帯びている。この電荷分布のつくる電場と電位を求めよ

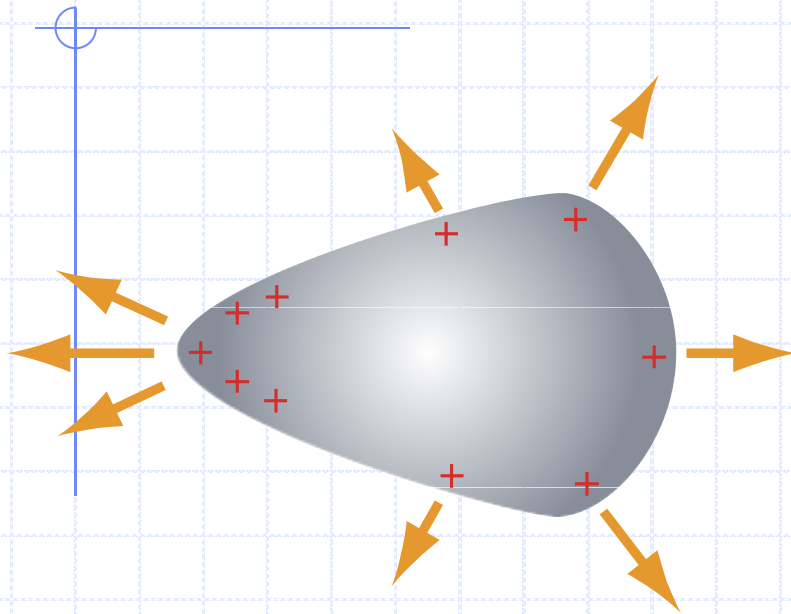
電荷 $Q$ は球表面に一様に分布する

金属球の外部の電場は、球中心に電荷 $Q$ がある場合の電場と同じになる

$$E(r) = \frac{Q}{4\pi\epsilon_0 r^2} \quad r \geq R$$

$$V(r) = \frac{Q}{4\pi\epsilon_0 r} \quad r \geq R$$

# 導体と電場3



半径rの導体  
表面での電場

$$E(r) = \frac{Q}{4\pi\epsilon_0 r^2}$$

半径rの導体  
表面での電位

$$V(r) = \frac{Q}{4\pi\epsilon_0 r}$$

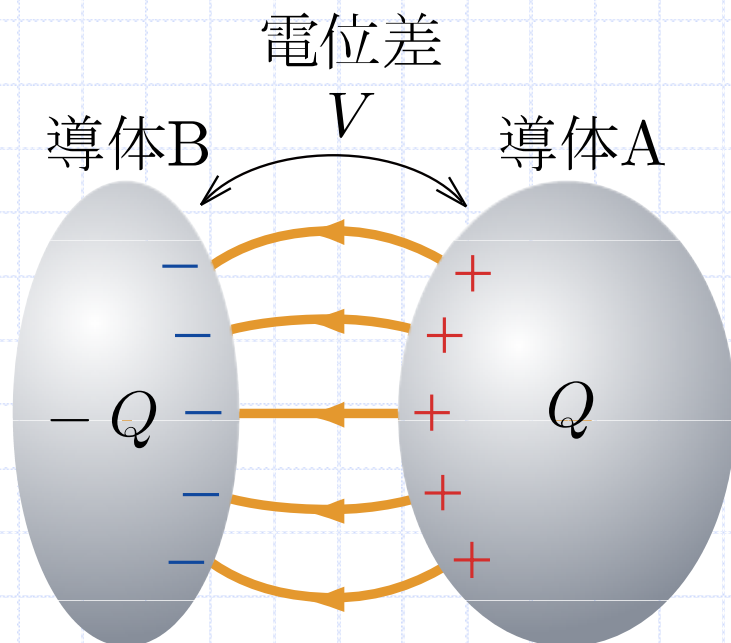
半径が小さいほど、表面での電場が強い

$$E = \frac{\sigma}{\epsilon_0}$$

半径が小さいほど、表面での電荷密度が高い

尖った導体の部分から放電が起こる  避雷針

# キャパシター



導体Aに正電荷,導体Bに負電荷を与えると互いに引き合うため,電気量を蓄える。

キャパシター

$$Q = CV$$

C:電気容量

電気容量の単位:1V(ボルト)の電位差によって1C(クーロン)の電気量が蓄えられるときの電気容量を1F(ファラッド)という

$$F = C/V = C/(J/C) = C^2/(N \cdot m)$$

# 誘電体と電場





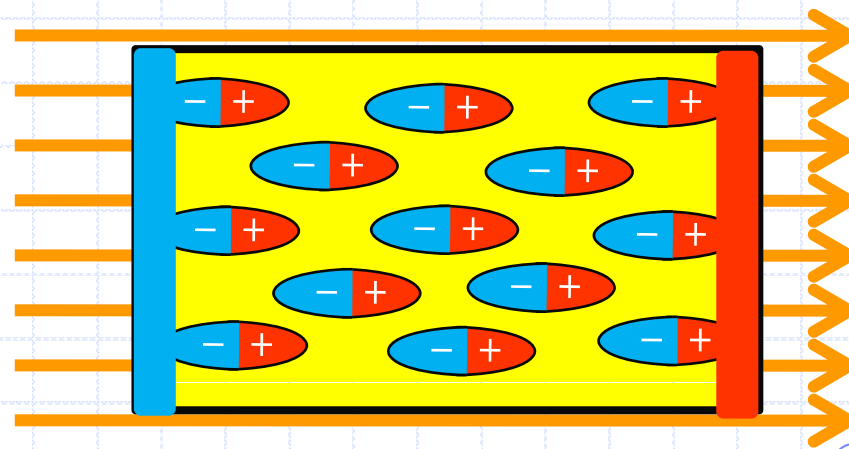
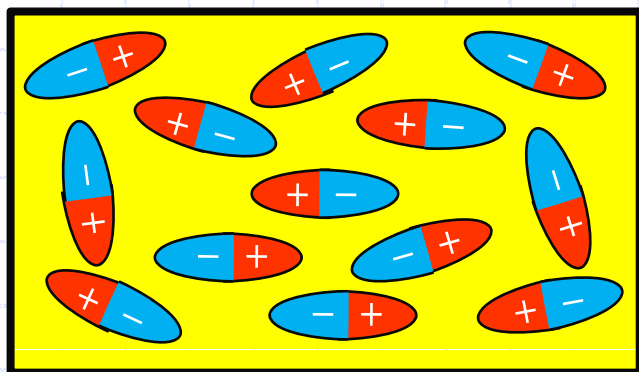
# 誘電体とは

誘電体は、電気を通さない、絶縁体もしくは不導体である

誘電体には、自由に動ける電荷である自由電荷が存在しない

誘電体を静電場に置くと、内部の分子、原子、あるいは結晶構造では、電気力を受け分布が一方に偏る

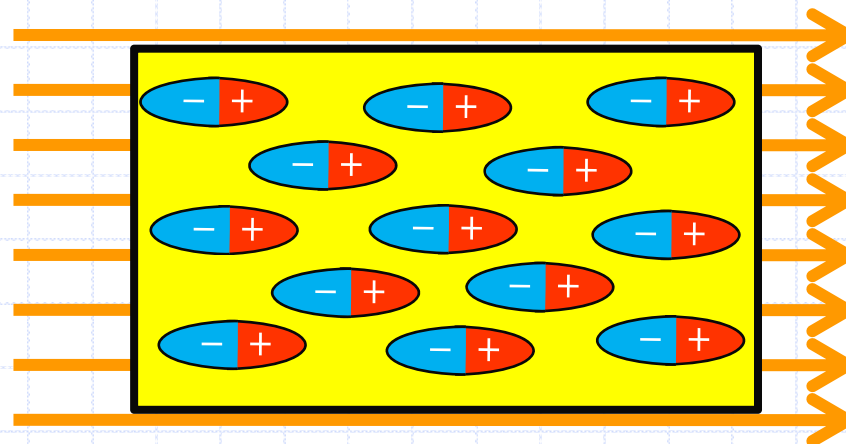
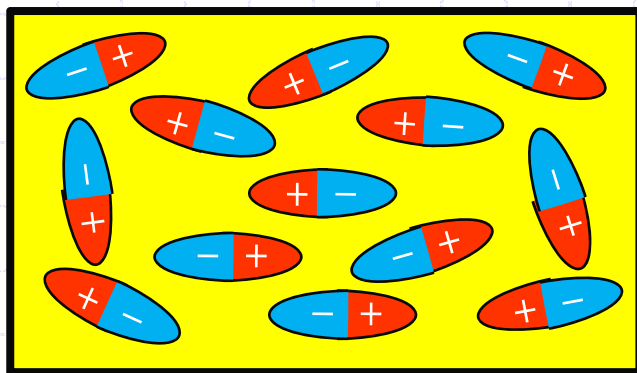
誘電体表面の電気力線側に+と-の電荷が現れる



# 誘電体とはなにか？

電気を通さない，絶縁体もしくは不導体

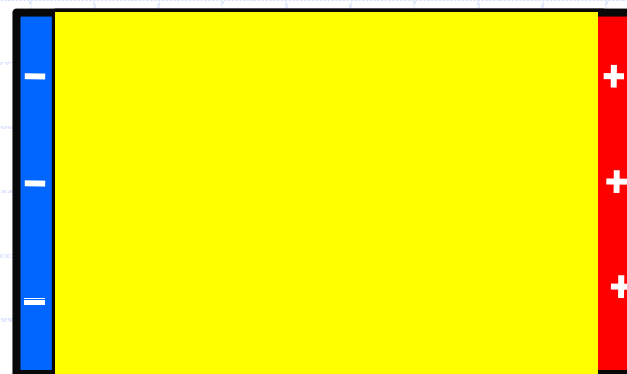
例：プラスチック，ガラス，セラミック，アクリル，雲母(マイカ)，油……



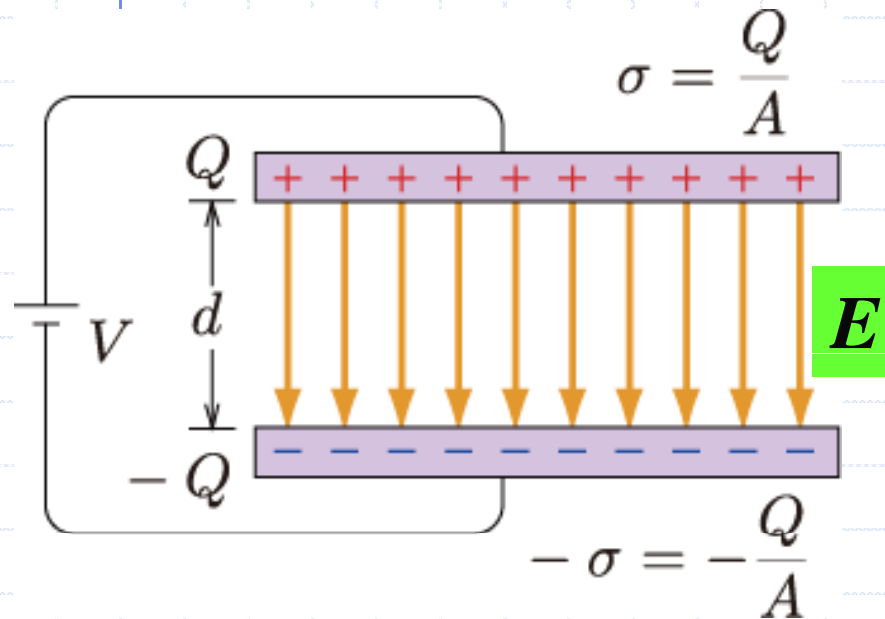
分子，原子，あるいは結晶構造では，  
電気力を受け分布が一方に偏る

絶縁体表面の電気力線側に+と-  
の電荷が現れる

誘電分極



# 誘電体とキャパシター (1)



**真空中のキャパシター**

**起電力Vの電池をつなぎ、面積Aの極板上の電荷をQ, -Qとする**

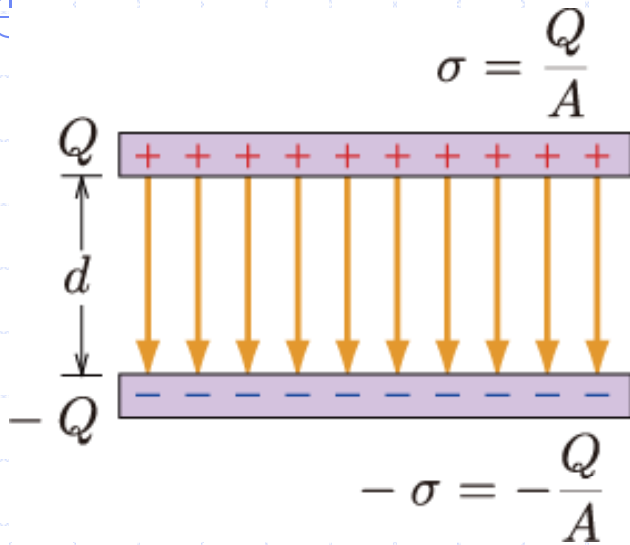
**極板の電荷密度**

$$\sigma = \pm \frac{Q}{A}$$

**極板間の電場**

$$E = \frac{\sigma}{\epsilon_0}$$

# 誘電体とキャパシター (2)



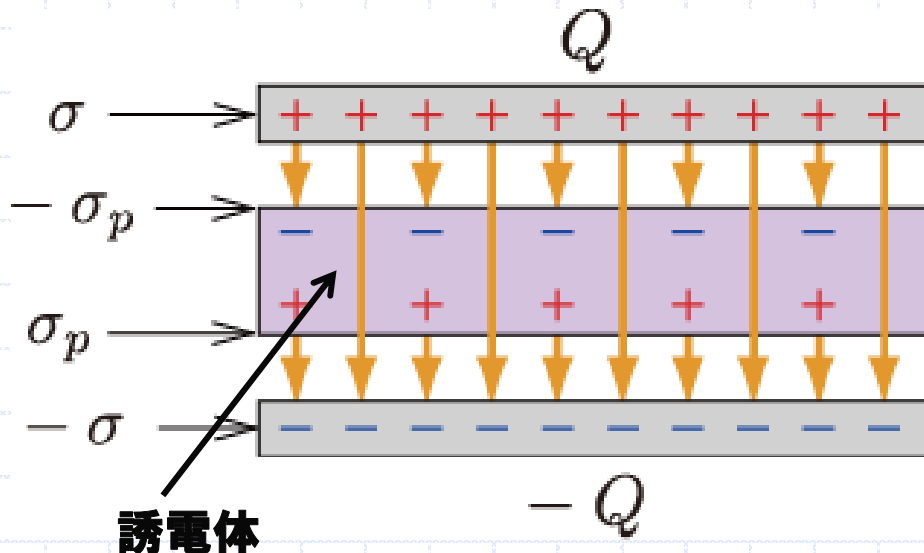
極板間に誘電体をさし込む

極板上の電荷±Qは変化なし

誘電体の分極による電荷 $\sigma_p$ のため電場が弱まり、電圧が減少する

$$V = Ed$$

$$V \rightarrow \frac{V}{\epsilon_r}$$



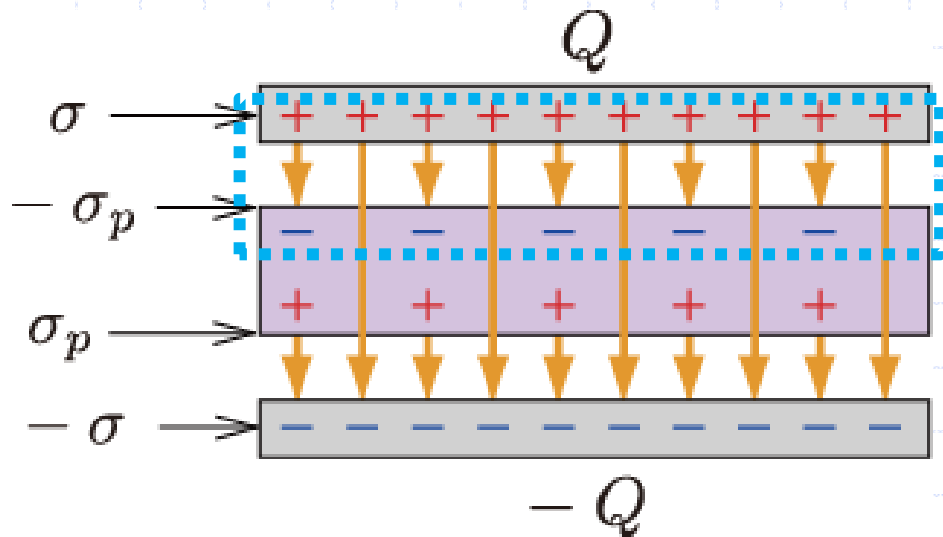
しかし、電荷量は変わらないため、キャパシターの電気容量は増加する

$$C_0 = \frac{Q}{V} \rightarrow C = \frac{Q}{(V/\epsilon_r)} = \epsilon_r C_0$$

$$\epsilon_r > 1$$

比誘電率

# 誘電体とキャパシター (3)



$\sigma$ : 電荷

$\sigma_p$ : 分極による電荷

$$\sigma - \sigma_p$$

電荷密度

$$E = \frac{\sigma - \sigma_p}{\epsilon_0}$$

誘電体内の電場

$$E = \frac{\sigma - \sigma_p}{\epsilon_0} \rightarrow \frac{\sigma}{\epsilon_r \epsilon_0} \quad \text{とすると}$$

$$P = \sigma_p = \sigma - \epsilon_0 E = (\epsilon_r - 1)\epsilon_0 E$$

P: 分極 C/m<sup>2</sup>

## 誘電体とキャパシター (4)

$$P = \sigma_p = \sigma - \varepsilon_0 E = (\varepsilon_r - 1)\varepsilon_0 E$$

分極の大きさPは、電場の強さEに比例する。

等方的な誘電体では、PはEと同じ方向を向く

$$\mathbf{P} = (\varepsilon_r - 1)\varepsilon_0 \mathbf{E} = \chi_e \varepsilon_0 \mathbf{E}$$

$$\chi_e = \varepsilon_r - 1$$

電気感受率

$$\varepsilon = \varepsilon_r \varepsilon_0$$

物体の誘電率

# 電束密度 (1)

電場は、自由電荷と分極電荷の両方によってつくられる。

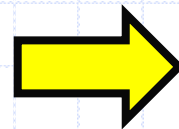
$$\varepsilon_0 \iint_S E_n dA = Q_0 + Q_p$$

ここで以下の式で示される新しい場Dを導入する

$$\mathbf{D} = \varepsilon_0 \mathbf{E} + \mathbf{P} \quad \text{Dを電束密度とよぶ}$$

電束密度Dは電荷密度 $\sigma$ に等しい。

$$P = \sigma_p = \sigma - \varepsilon_0 E$$



$$\sigma = \varepsilon_0 E + P$$

自由電荷 $Q_0$ からは $Q_0$ 本の電束線がでる。

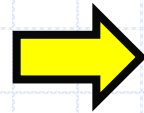


## 電束密度 (2)

多くの物質では分極Pと電場Eは比例するため、電束Dは以下のように記述できる

$$\mathbf{P} = (\epsilon_r - 1)\epsilon_0 \mathbf{E}$$

$$\mathbf{D} = \epsilon_0 \mathbf{E} + \mathbf{P}$$



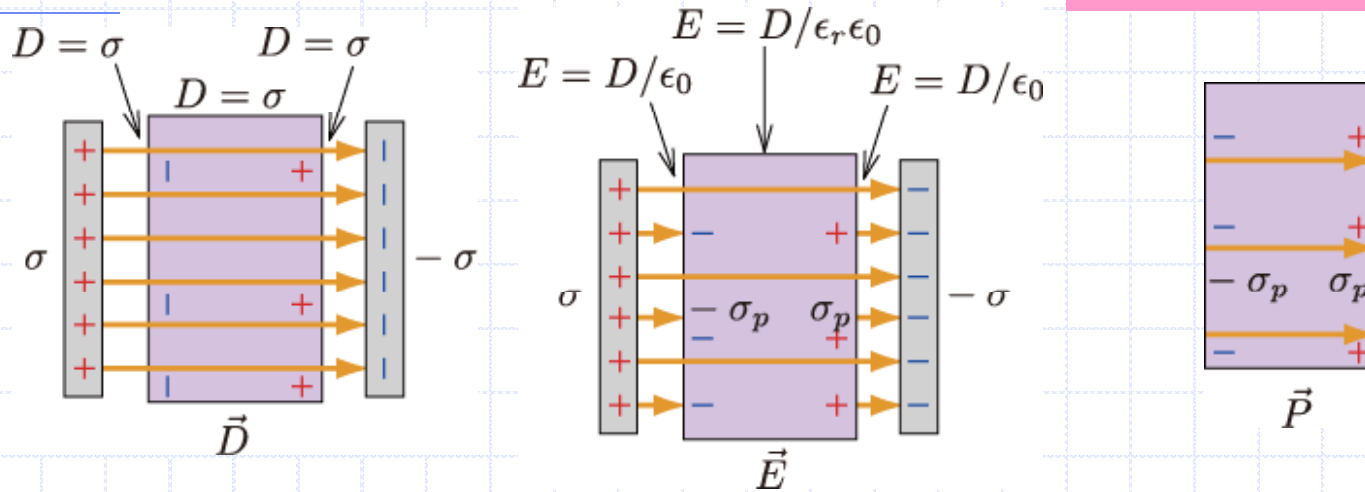
$$\mathbf{D} = \epsilon_r \epsilon_0 \mathbf{E} = \epsilon \mathbf{E}$$

$$\epsilon = \epsilon_r \epsilon_0$$

誘電体の誘電率

# 電束密度 (3)

$$\mathbf{D} = \epsilon_0 \mathbf{E} + \mathbf{P}$$



誘電体中

$$D = \epsilon_r \epsilon_0 E = \epsilon_r \epsilon_0 \frac{\sigma}{\epsilon_r \epsilon_0} = \sigma$$

$$E = \frac{\sigma - \sigma_p}{\epsilon_0}$$

$$P = \sigma_p$$

すきま

$$D = \epsilon_0 E = \epsilon_0 \frac{\sigma}{\epsilon_0} = \sigma$$

$$E = \frac{\sigma}{\epsilon_0}$$

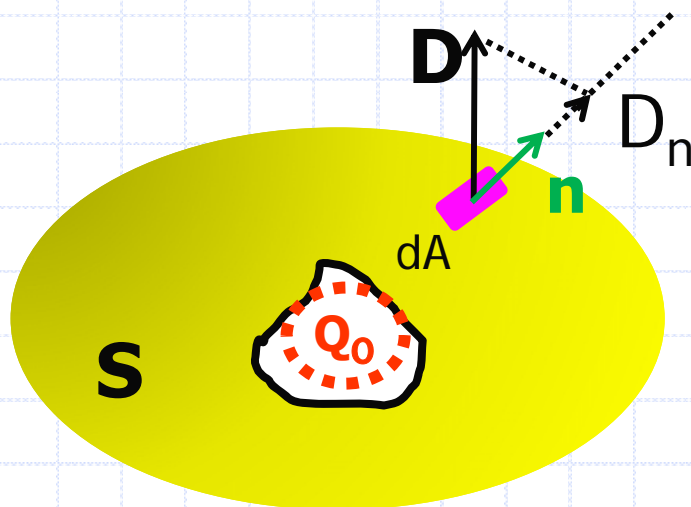
$$P = 0$$

# 電束密度のガウスの法則

閉曲面Sの内部から出ていく電束 $\Phi_E$

=

閉曲面S内部の全自由電荷 $Q_0$



$$\iint_S D_n dA = Q_0$$

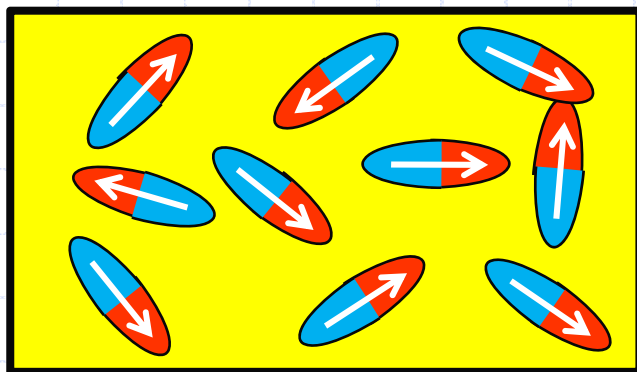
# 磁性体と磁場



# 磁性体とはなにか？

磁性を帯びる物質。全ての物質が磁性体であるが、通常、強い磁性体のことを示す。

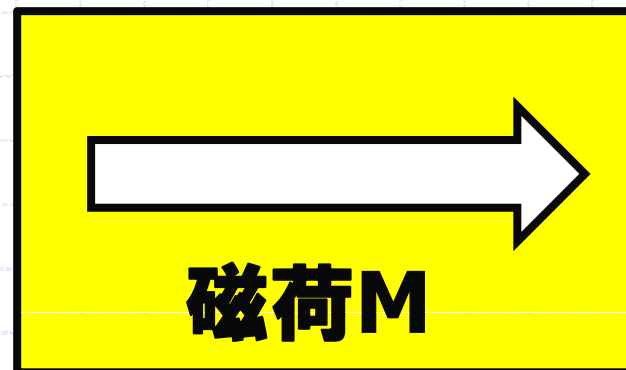
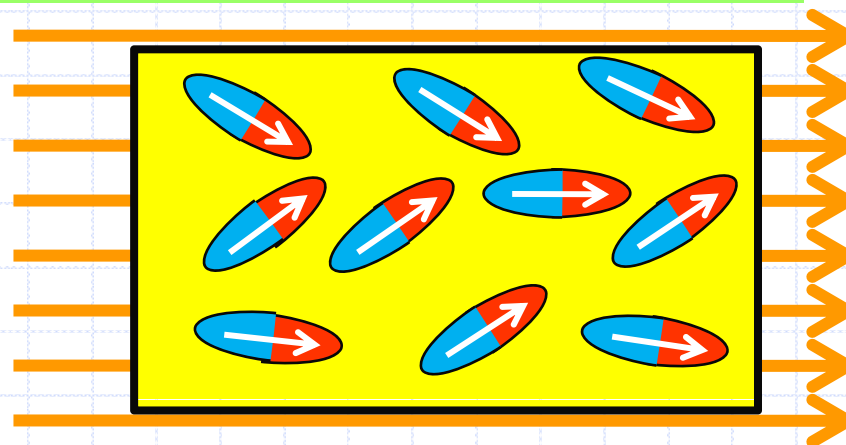
例：酸化鉄，酸化クロム，コバルト，フェライト……



分子，原子，あるいは結晶構造では磁性がある

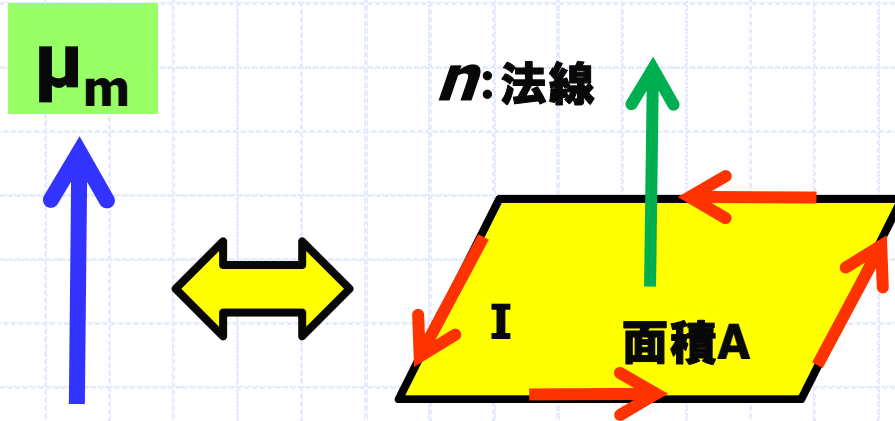
図のように正負の磁荷が並んだものを磁化されたという

外部磁場を与えなくても磁化された状態のものもある



# 電流ループが作る磁場1

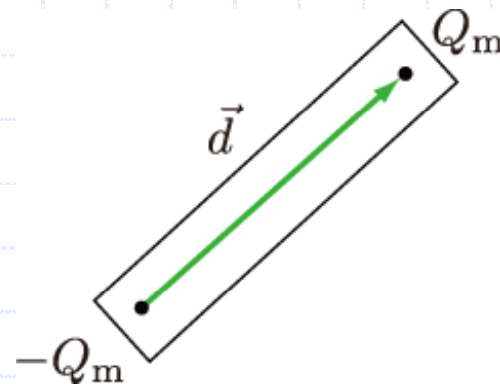
ループ電流により発生する磁場  $\mu_m$



$$\mu_m = AIn$$

$n$ : 法線ベクトル  
(大きさ1)

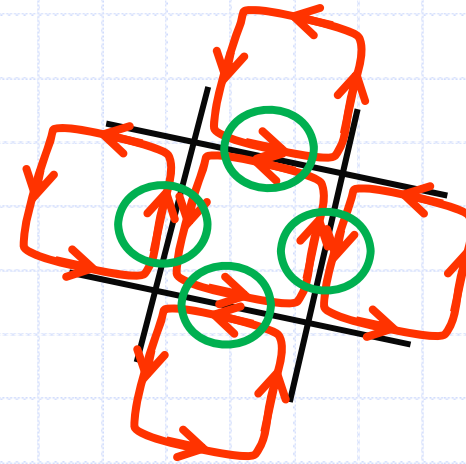
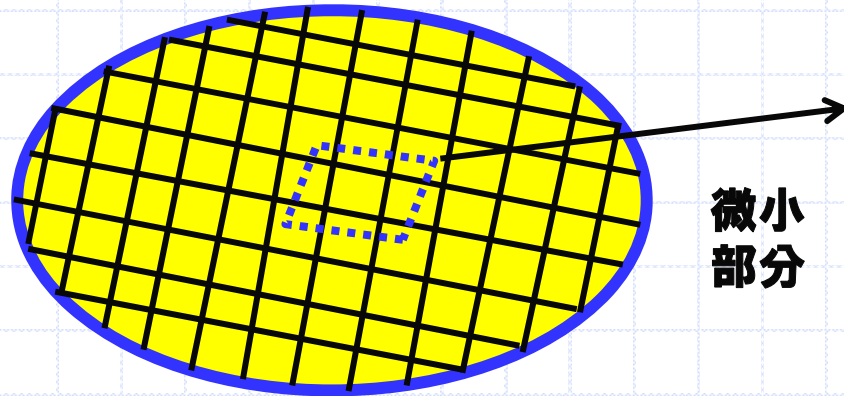
## 磁気モーメント



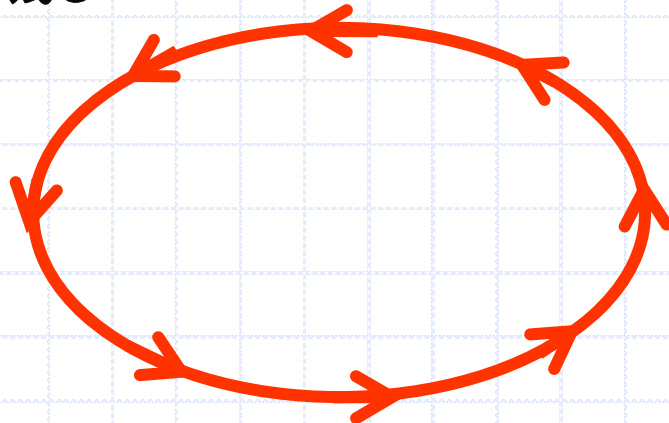
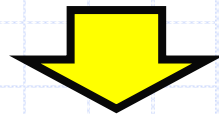
$$\mu_m = Q_m d$$

# 電流ループが作る磁場2

微小な電流ループを並べた板磁石



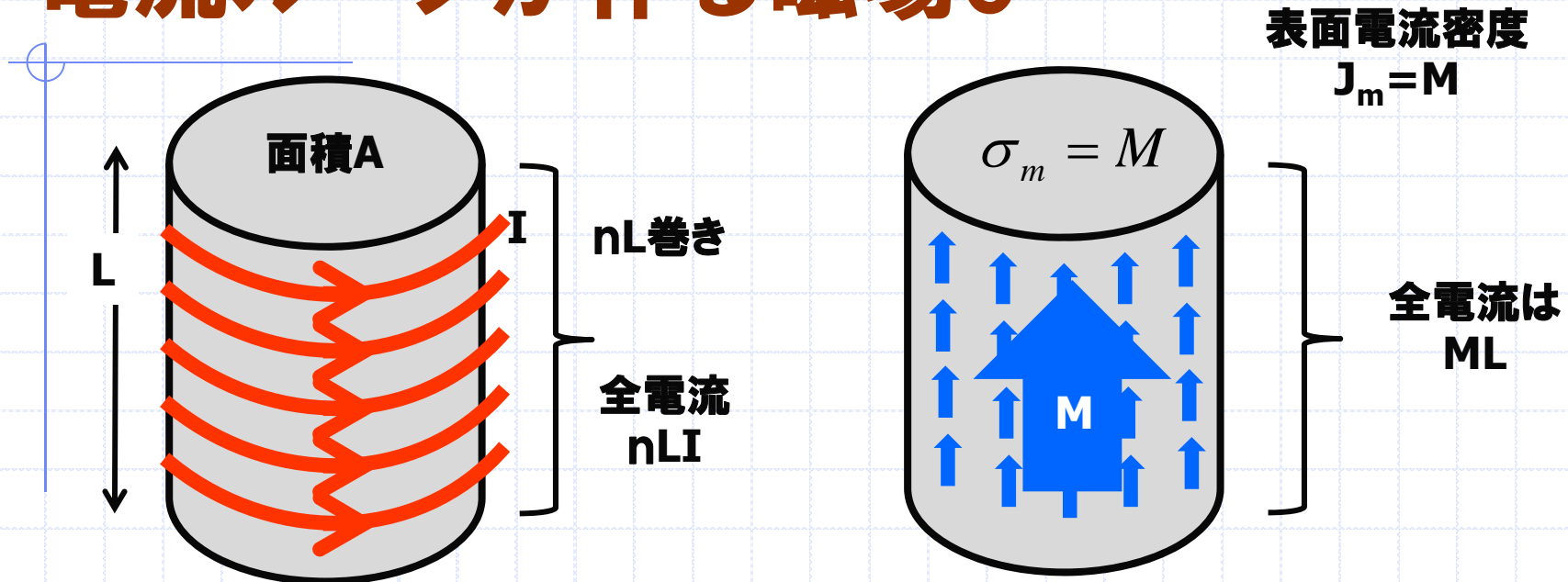
外側のループ電流のみ残る



ループ電流は、打ち消しあって電流ゼロになる



# 電流ループが作る磁場3



n: 単位当たりの巻き数

磁化M: 単位体積当たりの磁気モーメント

同じ磁場Bとなる  $nI \longleftrightarrow |M| = M$

磁化Mの磁性体中の微視的な電流の作る磁場Bを巨視的にみると、磁性体の側面をめぐって流れる表面電流密度“ $J_m = M$ ”の表面電流がビオサバルの法則に従って作る磁場Bと同じである。

# 磁場H

磁場を作る電流→伝導電流 $I_0$  + 磁化電流 $I'$

$$B = B^{(c)} + B^{(m)}$$

$$B^{(m)} = \mu_0 \left( H^{(m)} + M \right)$$

$H^{(m)}$  磁性体表面に現れる磁荷 $Q_m$ による磁場

$$B^{(c)} = \mu_0 H^{(c)}$$